

ESSAI05 FILTRAGE NUMERIQUE ET FFT V. HAUTIERE

L'objectif est de réaliser un filtrage numérique passe-bas (**circuit RC**) en mettant en entrée des signaux générés par le *GBF* et enregistrés via l'**oscilloscope numérique**. J'ai à ma disposition quatre signaux que j'ai fabriqués avec le gbf AFG1022 et enregistrés via le port USB de l'oscilloscope : un signal sinusoïdal à 1kHz (essai02_sinus.csv), un signal triangle à 1kHz (essai02_triangle.csv), un signal carré à 1kHz (essai02_carre.csv) et un signal sinusoïdal bruité avec un sinus 5V , 1kHz + un sinus 1V , 100kHz (essai05_signalbruite.csv).

Sur ces signaux, on peut appliquer la méthode d'Euler explicite, la FFT et les représenter.

J'ai créé les fonctions suivantes :

- `readCSV (file, sep, n)` fonction de lecture des fichiers csv.
 - Cette fonction a comme paramètres `file` le nom du fichier csv, `sep` le séparateur employé dans le csv et `n` le numéro de colonne. Cette fonction retourne une liste `col` contenant les valeurs numériques du numéro de colonne choisie du fichier csv.
- `eulerPB (te, ue, f_coupure)` fonction qui met en œuvre la méthode d'Euler explicite avec l'équation différentielle du passe-bas passif du premier ordre RC.
 - Cette fonction a comme paramètres `te` la liste des dates en entrée, `ue` la liste des valeurs de la tension d'entrée $u_e(t_e)$, `f_coupure` la fréquence de coupure pour le filtre passe-bas. Cette fonction retourne deux listes `ts`, `us` qui correspondent à la tension de sortie $u_s(t_s)$
- `fourier (t, u, z)` fonction qui met en œuvre la FFT sur le signal $u(t)$.
 - Cette fonction retourne deux listes `freqs` (la liste des fréquences en abscisse) et `FFT_u` (la liste des amplitudes associées). `z` est un paramètre de "zoom" de la FFT que j'ai ajouté. ($z \in \mathbb{N}$ et $z \geq 2$). $z = 2$ est la valeur à utiliser par défaut. Si on souhaite zoomer le spectre, on augmente la valeur de `z` avec parcimonie!!!
- `graphique(t, u, freqs, FFT, titre)` fonction qui trace la tension et sa FFT.

Importations des modules

```
In [1]: #IMPORTATION DES MODULES
import csv
import math
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import scipy as sp
import scipy.fftpack #Pour récupérer les fréquences de la FFT
```

readCSV (file,sep,n) fonction de lecture des fichiers csv

```
In [2]: #`readCSV (file,sep,n)` fonction de lecture des fichiers csv.

def readCSV(file,sep,n):
    with open(file,"r") as f:
        read=csv.reader(f,delimiter=sep)
        col=[]
        for row in read :
            try:
                col.append(float(row[n].replace(",",".")))
            except:
                pass
    return col
```

eulerPB (te,ue,f_coupure) fonction qui met em oeuvre la méthode d'Euler explicite avec l'équation différentielle du passe-bas passif du premier ordre RC

```
In [3]: #`eulerPB (te,ue,f_coupure)` fonction qui met em oeuvre la méthode d'Euler
#avec l'équation différentielle du passe-bas passif du premier ordre RC.

def eulerPB (te,ue,f_coupure):
    #initialisation des variables
    N=len(te) #nombre d'iterations
    a=te[0] #borne inferieure
    b=te[N-1] #borne superieure
    h=te[1]-te[0] #pas de discretisation

    tn=te[0] #valeur initiale de l'abscisse
    un=0 #valeur initiale de l'ordonnee
    ts=[tn] #initialisation de la liste des abscisses
    us=[un] #initialisation de la liste des ordonnees

    #algorithme d'Euler
    for i in range(1,N):
        tn=tn+h
        un=un*(1-h*2*math.pi*f_coupure)+h*2*math.pi*f_coupure*ue[i]
    #enregistrement des valeurs de tn et fn dans les listes t et f
        ts.append(tn)
        us.append(un)

    return ts, us
```

fourier (t,u,z) fonction qui met en oeuvre la FFT sur le signal $u(t)$

```
In [4]: #`fourier (t,u)` fonction qui met em oeuvre la FFT sur le signal u(t).

def fourier (t,u,z):

    signal=np.array(u)
    #On fait les FFT sur le signal u en prenant le module.

    #Pour avoir les amplitudes, on normalise en divisant par la moitié du signal

    FFT_u=abs(sp.fft.fft(signal))/(signal.size/2)

    freqs=sp.fftpack.fftfreq(signal.size,t[1]-t[0])

    #On ne prend pas en compte les résultats pour les fréquences négatives
    FFT_u=FFT_u[0:len(FFT_u)//z]
    freqs=freqs[0:len(freqs)//z]
    return freqs,FFT_u
```

graphique(t,u,freqs,FFT,titre) fonction qui trace la tension et sa FFT

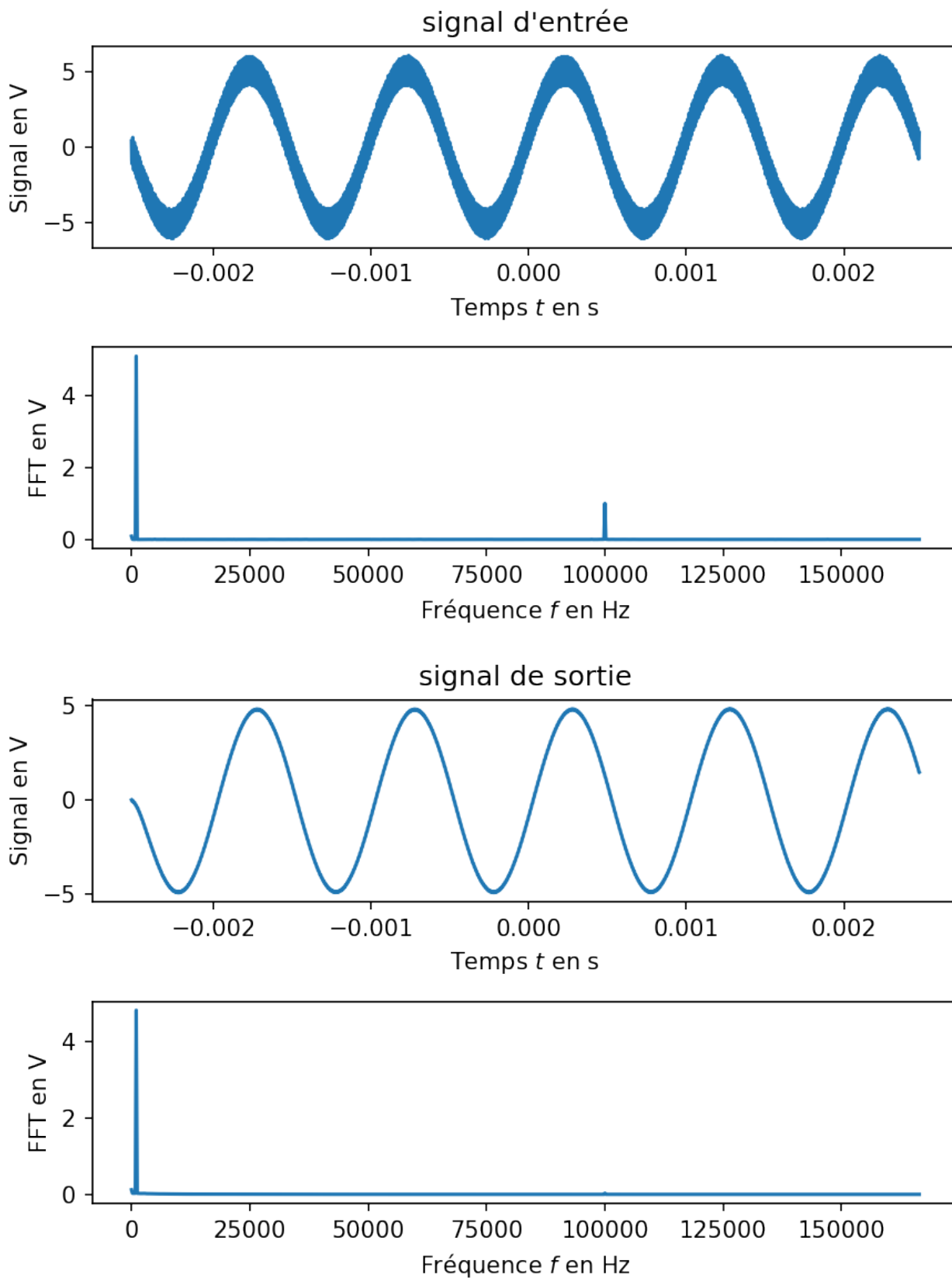
```
In [5]: #`graphique(t,u,freqs,FFT,titre)` fonction qui trace la tension et sa FFT.

def graphique(t,u,freqs,FFT,titre):
    plt.figure(dpi=150)
    plt.subplot(211) #Fenêtre en 2 lignes, 1 colonne, première figure
    plt.title(titre)
    plt.plot(t,u) #Le signal en fonction du temps
    plt.xlabel('Temps $t$ en s')
    plt.ylabel('Signal en V')
    plt.subplot(212) #Fenêtre en 2 lignes, 1 colonne, deuxième figure
    plt.plot(freqs,FFT) #La FFT en fonction de la fréquence
    plt.xlabel('Fréquence $f$ en Hz')
    plt.ylabel('FFT en V')
    plt.tight_layout() #Pour mettre de l'espace entre les sous-figures
    #plt.savefig(fichier) Sauvegarde
    #plt.clf() #Nettoyage
    plt.show()
```

Exemple01 d'utilisation sur `essai05_signalbruite.CSV`
avec une fréquence de coupure $f_c = 3000\text{Hz}$

```
In [6]: te=readCSV("essai05_signalbruite.CSV",",",3)
ue=readCSV("essai05_signalbruite.CSV",",",4)
ts,us=eulerPB(te,ue,3000)
fe,fft_ue=fourier(te,ue,3)
fs,fft_us=fourier(ts,us,3)

graphique(te,ue,fe,fft_ue,"signal d'entrée")
graphique(ts,us,fs,fft_us,"signal de sortie")
```



Exemple02 d'utilisation sur `essai05_carre.CSV` avec une fréquence de coupure $f_c = 100Hz$

```
In [7]: te=readCSV("essai05_carre.CSV",",",3)
ue=readCSV("essai05_carre.CSV",",",4)
ts,us=eulerPB(te,ue,100)
fe,fft_ue=fourier(te,ue,20)
fs,fft_us=fourier(ts,us,20)
graphique(te,ue,fe,fft_ue,"signal d'entrée")
graphique(ts,us,fs,fft_us,"signal de sortie")
```

